



НОВЫЕ БЕЗОПАСНЫЕ ИНФОРМАЦИОННЫЕ СИСТЕМЫ

**НЕОБИТ**

Оценка защищённости  
блокчейн-систем от угроз,  
обусловленных неравномерным  
распределением вычислительных  
мощностей

Алексей Бусыгин  
[busygin@neobit.ru](mailto:busygin@neobit.ru)

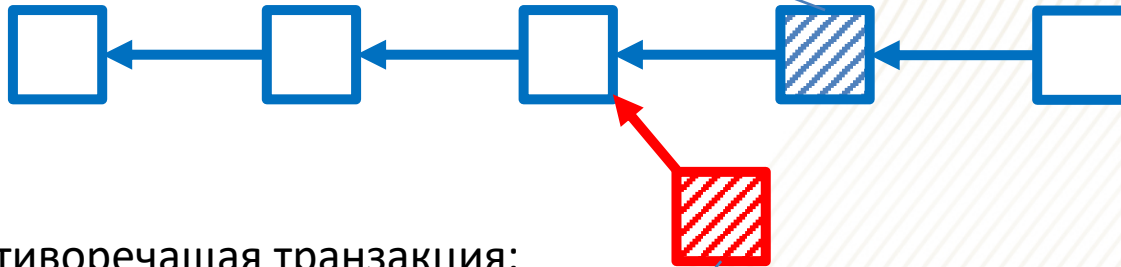
Нарушитель оплачивает товар



Подтверждение транзакции,  
продавец передаёт товар нарушителю

## Атака большинства (2)

Нарушитель оплачивает товар



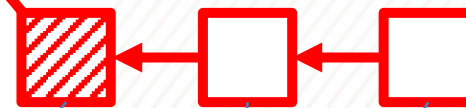
Противоречащая транзакция:  
нарушитель не оплачивает товар

## Атака большинства (3)

Нарушитель оплачивает товар



Противоречащая транзакция:  
нарушитель не оплачивает товар



Нарушитель генерирует большее  
количество подтверждений

Цепочка с меньшим количеством подтверждений отбрасывается.



Нарушитель получает товар без оплаты.



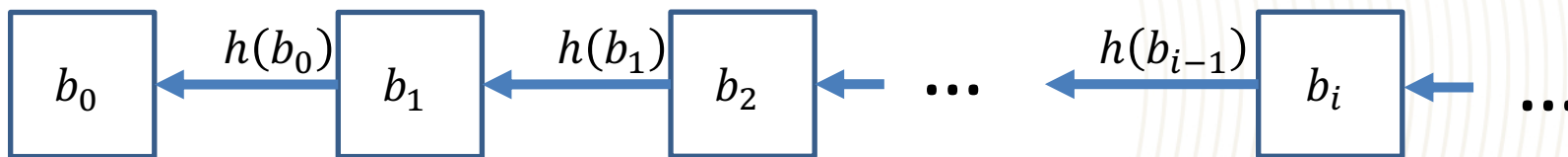
| Механизм защиты                             | Недостатки  |
|---|---|
| Контрольные точки                           | <ul style="list-style-type: none"><li>• Транзакции после контрольной точки не защищены</li></ul>  |
| Штраф за отложенную публикацию блоков       | <ul style="list-style-type: none"><li>• Не обеспечивает защищённость в блокчейн-системах с низкой вычислительной мощностью</li><li>• Может приводить к разделению блокчейна (fork)</li><li>• Время подтверждения транзакций значительно увеличивается</li></ul> |
| Удостоверяющий центр                        | <ul style="list-style-type: none"><li>• Введение единой точки отказа</li></ul>  |
| Объединение блокчейн-систем (merged mining) | <ul style="list-style-type: none"><li>• Родительская блокчейн-система остаётся уязвимой к атаке</li></ul>   |

$$P = 1 - \sum_{k=0}^z \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!} \left( 1 - \left( \frac{q}{p} \right)^{z-k} \right)$$

$$\lambda = z \frac{q}{p}, \quad p = 1 - q.$$

$q$  – вероятность того, что следующий блок в цепочке будет сгенерирован нарушителем.

**Применение оценки на практике затруднено, т.к. параметр  $q$  неизвестен.**



$$b_i \in B = H \times N \times T \times D$$

Хеш-образ  
предыдущего блока  
 $h(b_{i-1})$

$$\#N = 2^n$$

$$n \in N$$

$$h(b_i(n)) \leq h_{\max}$$

$h_{\max}$  – константа

Временная  
метка

Данные

Блокчейн-система замкнута: общая вычислительная мощность постоянна.



## Оценка общей вычислительной мощности блокчейн-системы

Вероятность успешной генерации  $i$ -ого блока  
(выбора  $n \in N$ , такого что  $b_i(n) \leq h_{\max}$ ):

$$p = \frac{h_{\max}}{2^n}$$

Математическое ожидание количества  
попыток генерации нового блока:

$$M = \frac{2^n}{h_{\max}}$$

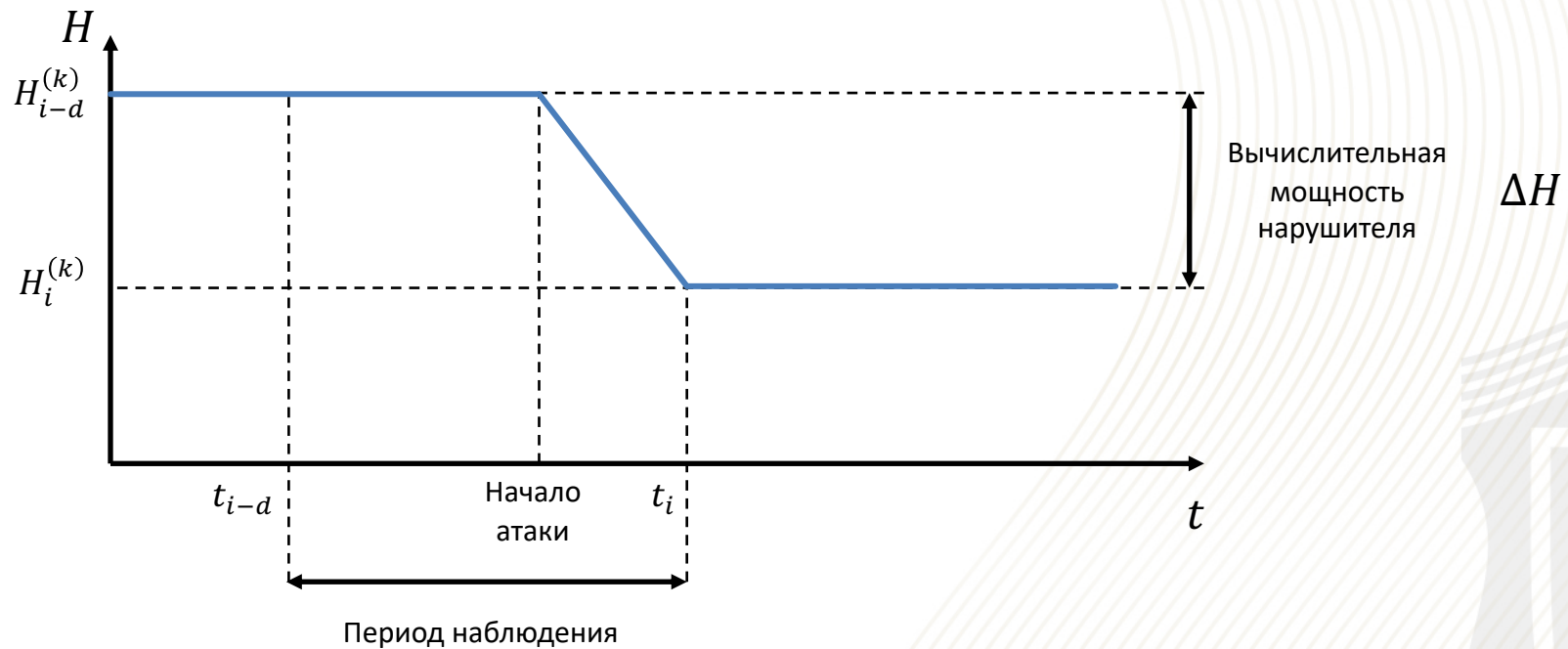
Оценка вычислительной  
мощности блокчейн-системы  
(хеш/с) в момент генерации  
 $i$ -ого блока:

$$H_i = \frac{M}{t_i - t_{i-1}} = \frac{2^n}{h_{\max} \cdot (t_i - t_{i-1})}$$

Усреднённое значение для  $k$  последних блоков:

$$H_i^{(k)} = \frac{1}{k} \sum_{j=0}^k H_{i-j}$$

## Оценка возможностей нарушителя



$$\Delta H = \max \left( \left\{ H_n^{(k)} \right\}_{n=i-d}^i \right) - H_i^{(k)}$$

$$q = \frac{\Delta H}{\max \left( \left\{ H_n^{(k)} \right\}_{n=i-d}^i \right)}$$

$$\Rightarrow P = 1 - \sum_{k=0}^z \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!} \left( 1 - \left( \frac{q}{p} \right)^{z-k} \right)$$

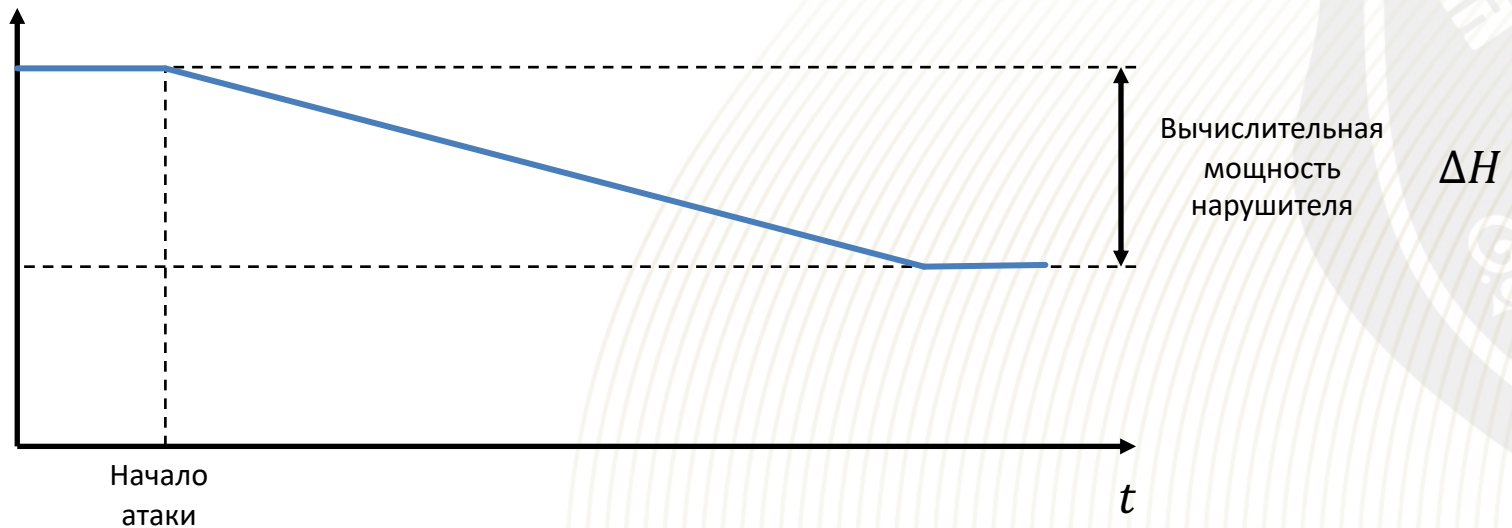
- Оценка вероятности реализации угроз, обусловленных неравномерным распределением вычислительных мощностей

$$P = 1 - \sum_{k=0}^z \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!} \left( 1 - \left( \frac{q}{p} \right)^{z-k} \right)$$

- Индикатор начала атаки, сигнал к фиксированию контрольной точки
- Способ выявления последовательностей блоков сгенерированных нарушителем  $(H_i^{(k)})$  для последовательности блоков нарушителя равна  $\Delta H$

## Ограничения предложенного метода

- Модель не применима для не замкнутых систем (нарушитель может купить/арендовать высокопроизводительный вычислительный кластер)
- Выявление атаки при медленном снижении общей вычислительной мощности блокчейн-системы:







НОВЫЕ БЕЗОПАСНЫЕ ИНФОРМАЦИОННЫЕ СИСТЕМЫ

**НЕОБИТ**

СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ!